

- Instrucciones:**
- a) Duración: 1 hora y 30 minutos.
 - b) Debe elegir 3 de los 6 ejercicios propuestos.
 - c) Cada ejercicio se puntuará de 0 a 10 puntos. La calificación será la media aritmética de los tres ejercicios.
 - d) Identifique claramente los ejercicios elegidos. Contestes de forma razonada y escriba ordenadamente.
 - e) Puede usar calculadora (no programable) solo para las operaciones numéricas. No olvide que los procesos conducentes a la obtención de los resultados deben ser suficientemente justificados.

EJERCICIO 1

a) (5 puntos) Resuelva el siguiente sistema de ecuaciones:
$$\begin{cases} 3x + 5y = 1 \\ x - 3y = 5 \end{cases}$$

b) (5 puntos) Determine para qué valores de a la ecuación $x^2 - 3x + a = 0$ no tiene soluciones reales.

EJERCICIO 2

a) (5 puntos) De una progresión geométrica cuya razón es positiva sabemos que el cuarto término es 24 y que la suma del cuarto, quinto y sexto término es 168. Determine el primer término y la razón de dicha progresión.

b) (5 puntos) Se ha depositado un cierto capital en un banco con un rédito del 3.5 % anual fijo, durante 4 años a interés compuesto. En ese periodo se han generado 2212.85 euros en intereses. ¿Cuál sería el interés generado si en las mismas condiciones se hubiera utilizado un interés simple en lugar de un interés compuesto?

EJERCICIO 3

a) (5 puntos) Calcule la derivada de las siguientes funciones:

$$f(x) = e^{x^2-2x} + e^x, \quad g(x) = \frac{3x+2}{x^2-1}.$$

b) (5 puntos) Una empresa está formada por 30 empleados, de los cuales 17 son del departamento de Desarrollo de Software y 13 del departamento de Control de Calidad. Para evaluar el trabajo, se seleccionan aleatoriamente dos empleados. ¿Cuál es la probabilidad de que se haya escogido al menos un empleado del departamento de Control de Calidad?

EJERCICIO 4

Considere la función
$$f(x) = \begin{cases} \frac{4}{x-3} & \text{si } -2 \leq x < 1 \\ 2x^2 - 3x - 1 & \text{si } 1 \leq x \leq 3 \end{cases}.$$

a) (5 puntos) Estudie la continuidad y derivabilidad de la función en su dominio.

b) (5 puntos) Esboce la gráfica de la función y determine sus extremos absolutos.

EJERCICIO 5

a) (5 puntos) Una tienda vende dos tipos de vinos, uno blanco de 19 euros y uno tinto de 28 euros. Sabiendo que se han vendido 11 botellas de vino y que se han obtenido 272 euros de ingresos, ¿cuántas botellas de vino de cada tipo se han vendido?

b) (5 puntos) Tras un análisis, se ha determinado que los costes mensuales de una empresa pueden modelarse mediante una Normal de media 15000 euros y desviación típica 2000 euros. Tomando un mes al azar, determine qué capital es necesario para asegurar, con un 80 % de probabilidad, que se cubran los costes.

EJERCICIO 6

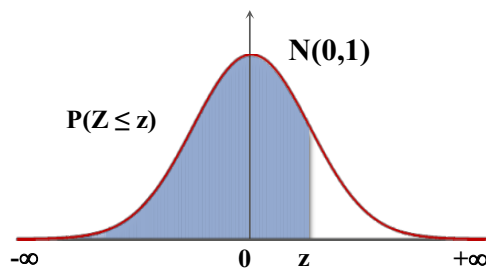
a) (5 puntos) Obtenga las soluciones de la siguiente inecuación:
$$\frac{x-3}{2} + \frac{x+5}{3} \leq \frac{3x+4}{-2}.$$

b) (5 puntos) Se ha preguntado a una serie de familias cuántas veces han pintado su casa en los últimos 5 años, obteniéndose los siguientes resultados:

3, 3, 2, 4, 1, 3, 5, 3, 6, 3, 4, 2, 2, 5, 3, 1, 4, 4, 3, 5.

Halle la moda, la mediana, la media aritmética y la varianza.

FUNCIÓN DE DISTRIBUCIÓN NORMAL N(0,1)



z	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,0	0,5000	0,5040	0,5080	0,5120	0,5160	0,5199	0,5239	0,5279	0,5319	0,5359
0,1	0,5398	0,5438	0,5478	0,5517	0,5557	0,5596	0,5636	0,5675	0,5714	0,5753
0,2	0,5793	0,5832	0,5871	0,5910	0,5948	0,5987	0,6026	0,6064	0,6103	0,6141
0,3	0,6179	0,6217	0,6255	0,6293	0,6331	0,6368	0,6406	0,6443	0,6480	0,6517
0,4	0,6554	0,6591	0,6628	0,6664	0,6700	0,6736	0,6772	0,6808	0,6844	0,6879
0,5	0,6915	0,6950	0,6985	0,7019	0,7054	0,7088	0,7123	0,7157	0,7190	0,7224
0,6	0,7257	0,7291	0,7324	0,7357	0,7389	0,7422	0,7454	0,7486	0,7517	0,7549
0,7	0,7580	0,7611	0,7642	0,7673	0,7704	0,7734	0,7764	0,7794	0,7823	0,7852
0,8	0,7881	0,7910	0,7939	0,7967	0,7995	0,8023	0,8051	0,8078	0,8106	0,8133
0,9	0,8159	0,8186	0,8212	0,8238	0,8264	0,8289	0,8315	0,8340	0,8365	0,8389
1,0	0,8413	0,8438	0,8461	0,8485	0,8508	0,8531	0,8554	0,8577	0,8599	0,8621
1,1	0,8643	0,8665	0,8686	0,8708	0,8729	0,8749	0,8770	0,8790	0,8810	0,8830
1,2	0,8849	0,8869	0,8888	0,8907	0,8925	0,8944	0,8962	0,8980	0,8997	0,9015
1,3	0,9032	0,9049	0,9066	0,9082	0,9099	0,9115	0,9131	0,9147	0,9162	0,9177
1,4	0,9192	0,9207	0,9222	0,9236	0,9251	0,9265	0,9279	0,9292	0,9306	0,9319
1,5	0,9332	0,9345	0,9357	0,9370	0,9382	0,9394	0,9406	0,9418	0,9429	0,9441
1,6	0,9452	0,9463	0,9474	0,9484	0,9495	0,9505	0,9515	0,9525	0,9535	0,9545
1,7	0,9554	0,9564	0,9573	0,9582	0,9591	0,9599	0,9608	0,9616	0,9625	0,9633
1,8	0,9641	0,9649	0,9656	0,9664	0,9671	0,9678	0,9686	0,9693	0,9699	0,9706
1,9	0,9713	0,9719	0,9726	0,9732	0,9738	0,9744	0,9750	0,9756	0,9761	0,9767
2,0	0,9772	0,9778	0,9783	0,9788	0,9793	0,9798	0,9803	0,9808	0,9812	0,9817
2,1	0,9821	0,9826	0,9830	0,9834	0,9838	0,9842	0,9846	0,9850	0,9854	0,9857
2,2	0,9861	0,9864	0,9868	0,9871	0,9875	0,9878	0,9881	0,9884	0,9887	0,9890
2,3	0,9893	0,9896	0,9898	0,9901	0,9904	0,9906	0,9909	0,9911	0,9913	0,9916
2,4	0,9918	0,9920	0,9922	0,9925	0,9927	0,9929	0,9931	0,9932	0,9934	0,9936
2,5	0,9938	0,9940	0,9941	0,9943	0,9945	0,9946	0,9948	0,9949	0,9951	0,9952
2,6	0,9953	0,9955	0,9956	0,9957	0,9959	0,9960	0,9961	0,9962	0,9963	0,9964
2,7	0,99653	0,99664	0,99674	0,99683	0,99693	0,99702	0,99711	0,99720	0,99728	0,99736
2,8	0,99744	0,99752	0,99760	0,99767	0,99774	0,99781	0,99788	0,99795	0,99801	0,99807
2,9	0,99813	0,99819	0,99825	0,99831	0,99836	0,99841	0,99846	0,99851	0,99856	0,99861
3,0	0,99865	0,99869	0,99874	0,99878	0,99882	0,99886	0,99889	0,99893	0,99896	0,99900
3,1	0,99903	0,99906	0,99910	0,99913	0,99916	0,99918	0,99921	0,99924	0,99926	0,99929
3,2	0,99931	0,99934	0,99936	0,99938	0,99940	0,99942	0,99944	0,99946	0,99948	0,99950
3,3	0,99952	0,99953	0,99955	0,99957	0,99958	0,99960	0,99961	0,99962	0,99964	0,99965
3,4	0,99966	0,99968	0,99969	0,99970	0,99971	0,99972	0,99973	0,99974	0,99975	0,99976
3,5	0,99977	0,99978	0,99978	0,99979	0,99980	0,99981	0,99981	0,99982	0,99983	0,99983
3,6	0,99984	0,99985	0,99985	0,99986	0,99986	0,99987	0,99987	0,99988	0,99988	0,99989
3,7	0,99989	0,99990	0,99990	0,99990	0,99991	0,99991	0,99992	0,99992	0,99992	0,99992
3,8	0,99993	0,99993	0,99993	0,99994	0,99994	0,99994	0,99994	0,99995	0,99995	0,99995
3,9	0,99995	0,99995	0,99996	0,99996	0,99996	0,99996	0,99996	0,99996	0,99997	0,99997
4,0	0,99997	0,99997	0,99997	0,99997	0,99997	0,99997	0,99998	0,99998	0,99998	0,99998

Nota: En el interior de la tabla se da la probabilidad de que la variable aleatoria Z , con distribución $N(0,1)$, esté por debajo del valor z .